



UNIVERSIDADE DA CORUÑA *Universidade de Vigo*

## Máster en Técnicas Estadísticas

### **DATOS IDENTIFICATIVOS DE LA MATERIA**

**Nombre de la materia:** Programación Lineal y Entera

**Número de créditos ECTS:** 5

**Curso académico:** 2019/2020

**Profesorado:**

Balbina V. Casas Méndez (coordinadora, 5 créditos)

### **OBJETIVOS DE LA MATERIA**

En esta materia se pretende familiarizar al alumnado con los modelos de la programación lineal y entera. Los objetivos a alcanzar como resultado del aprendizaje son:

- Saber identificar y modelar problemas complejos de programación lineal y entera.
- Saber identificar y modelar problemas complejos de optimización en redes.
- Conocer el software adecuado para resolver problemas de programación lineal y entera y de optimización en redes.

### **CONTENIDOS DE LA MATERIA**

Tema 1. **Introducción a la optimización matemática** (7 horas)

- Clases de problemas de optimización
- Algoritmos y complejidad computacional
- Resolución práctica de problemas de optimización
- Ejemplos prácticos con R y lpSolveAPI
- Ejemplos prácticos con AMPL con y sin NEOS

Tema 2. **Programación lineal** (18 horas)

- Introducción
- Definiciones y Ejemplos

- Resolución Gráfica de Problemas de Programación Lineal
- Álgebra Lineal, Análisis Convexo y Geometría
- Propiedades de los Problemas de Programación Lineal
- Fundamentos del Método Simplex
- El Método Simplex
- Dualidad y Análisis de Sensibilidad
- Reformulaciones lineales de elementos no lineales (con R y AMPL)

### Tema 3. Programación entera (6 horas)

- Introducción
- Ejemplos de Problemas de Programación Entera
- Formulando Relaciones Lógicas con Variables Binarias
- Técnicas de Resolución: Ramificación y Acotación
- Introducción a las heurísticas (ilustración con el problema del viajante)
- Ejemplos aplicados de problemas de programación entera (con R y AMPL)

### Tema 4. Introducción a los problemas de optimización en redes (4 horas)

- Conceptos básicos de grafos
- Problema de flujo en redes con coste mínimo y unimodularidad
- Ejemplos aplicados de problemas de flujo en redes (con R y AMPL)

## **BIBLIOGRAFÍA BÁSICA Y COMPLEMENTARIA**

### **Básica**

- AHUJA, R.K., MAGNANTI, T.L., ORLIN, J.B. (1993): "Network Flows. Theory, Algorithms and Applications". Prentice-Hall.
- ANDERSON, D., SWEENEY, D., WILLIAMS, T. (1993): "Introducción a los modelos cuantitativos para administración". Grupo Editorial Iberoamérica.
- BAZARAA, M., JARVIS, J., SHERALI, H. (2005): "Linear programming and networks flows". John Wiley & Sons.
- HILLIER, F., LIEBERMAN, G. (2005): "Introduction to operations research". McGraw-Hill.
- MARTÍN, Q., SANTOS, M. T., SANTANA, Y. (2005): "Investigación operativa: problemas y ejercicios resueltos". Pearson.

### **Complementaria**

- AARTS, E., LENSTRA, J. K. (2003): "Local search in combinatorial optimization". Ed. Princeton University Press.
- BHATTI, M. A. (2000): "Practical optimization methods", Springer-Verlag.
- CORTEZ, P. (2014): "Modern optimization with R", Springer-Verlag.
- DENARDO, E. V. (1982): "Dynamic Programming. Models and applications". Ed. Prentice-Hall.
- FERRIS, M. C., MANGASARIAN, O. L., WRIGHT, S. J. (2007): "Linear programming with MATLAB". Ed. MPS-SIAM Series on Optimization.
- FOURER, R., GAY, D. M., KERNIGHAM, B. W. (2002): "AMPL: A modeling language for Mathematical Programming". Ed. Duxbury Press.
- GOBERNA, M., JORNET, V., PUENTE, R. (2004): "Optimización lineal. Teoría, Métodos y

Modelos". McGraw-Hill.

- JENSEN, P. A., BARD, J. F. (2003): "Operations research models and methods". Ed. Wiley.
- MARTÍN, Q. (2003): "Investigación operativa". Pearson. Hespérides.
- PARLAR, M. (2000): "Interactive operations research with Maple. Methods and models". Birkhauser.
- RÍOS INSUA, S., RÍOS INSUA, D., MATEOS, A., MARTÍN, J (1997) : "Programación lineal y aplicaciones". Ra-Ma.
- RÍOS INSUA, S. (1996): "Investigación operativa. Programación lineal y aplicaciones". Centro de Estudios Ramón Areces.
- SALAZAR GONZÁLEZ, J. S. (2000): "Lecciones de optimización". Servicio de Publicaciones de la Universidad de la Laguna.
- SALAZAR GONZÁLEZ, J. S. (2001): "Programación Matemática". Díaz de Santos.
- TAHA, H. (2004): "Investigación de operaciones". Ed. Pearson.
- THIE, P. R., KEOUGH, G. E. (2008): "An introduction to linear programming and game theory". Ed. Wiley.
- WINSTON, W. (2003): "Introduction to mathematical programming: operations research". Pacific Grove: Brooks/C.

## **COMPETENCIAS**

En esta materia se trabajarán las competencias básicas, generales y transversales recogidas en la memoria del título. Se indican a continuación cuáles son las competencias específicas, que se potenciarán en esta materia:

E1 - Conocer, identificar, modelar, estudiar y resolver problemas complejos de estadística e investigación operativa, en un contexto científico, tecnológico o profesional, surgidos en aplicaciones reales.

E2 - Desarrollar autonomía para la resolución práctica de problemas complejos surgidos en aplicaciones reales y para la interpretación de los resultados de cara a la ayuda en la toma de decisiones.

E6 - Adquirir conocimientos teórico-prácticos avanzados de distintas técnicas matemáticas, orientadas específicamente a la ayuda en la toma de decisiones, y desarrollar capacidad de reflexión para evaluar y decidir entre distintas perspectivas en contextos complejos.

E7 - Adquirir conocimientos teórico-prácticos avanzados de distintas técnicas de optimización matemática, tanto en contextos unipersonales como multipersonales, y saber aplicarlos con autonomía suficiente en un contexto científico, tecnológico o profesional.

## **METODOLOGÍA DOCENTE**

La enseñanza constará de clases expositivas e interactivas, así como de la tutorización del aprendizaje y de las tareas encomendadas al alumnado.

En las clases expositivas e interactivas se resolverán ejemplos mediante el software R, y el modelador AMPL junto con el solver Gurobi en el servidor NEOS de optimización, por

lo que es necesario que el alumnado disponga en el aula de un ordenador.

Se propondrán actividades para el alumnado, que consistirán en la resolución de cuestiones, ejercicios y ejemplos relacionados con la Programación lineal y entera.

Se proporcionarán los apuntes de la materia, así como otro material orientativo del aprendizaje del software. Los apuntes y otros instrumentos didácticos estarán disponibles a través de alguna herramienta de acceso por vía web.

### ***CRITERIOS Y MÉTODOS DE EVALUACIÓN***

Evaluación continua (30%): la evaluación continua se realizará en base a la resolución de problemas, presenciales o no presenciales, por parte del alumnado. En estos problemas, el alumnado utilizará el programa R y el modelador AMPL junto con el solver Gurobi en el servidor NEOS de optimización (o usando una de licencia académica o de prueba) y redactará las conclusiones extraídas. La calificación obtenida se conservará entre las oportunidades (ordinaria y extraordinaria) dentro de la convocatoria de cada curso. Con las distintas actividades que se propondrán a lo largo del curso, se valorará el nivel de adquisición de las competencias básicas CB6-CB10 y generales CG1-CG5. También se evaluará el nivel alcanzado en las competencias específicas E1, E2 y E7. Así mismo se tendrá en cuenta en la evaluación el nivel alcanzado en las competencias transversales CT1, CT3-CT5.

Examen final (70%): el examen final constará de varias cuestiones teórico-prácticas sobre los contenidos de la materia, dentro de las que se podrá incluir la interpretación de resultados obtenidos con el lenguaje de investigación operativa utilizado en la docencia interactiva (R, AMPL, Gurobi). En el examen, se evaluarán las competencias específicas: E1, E2, E6 y E7.

Presentación a la evaluación: se considera que un/a alumno/a concurre a una convocatoria cuando participa en actividades que le permiten obtener al menos un 50% de la evaluación final.

El peso de la evaluación continua en la oportunidad extraordinaria de recuperación (pruebas de julio) será el mismo que en la evaluación ordinaria. En la segunda oportunidad de evaluación (recuperación), se realizará un examen y la nota final será el máximo de tres cantidades: la nota de la evaluación ordinaria, la nota del nuevo examen y la media ponderada del nuevo examen y la evaluación continua.

### ***TIEMPO DE ESTUDIO Y DE TRABAJO PERSONAL QUE DEBE DEDICAR UN ESTUDIANTE PARA SUPERAR LA MATERIA***

Cada crédito ECTS se traduce en 7 horas de clase de tipo presencial. Se estima que el alumnado necesitará una hora para preparar el material correspondiente a cada hora presencial, previa a la propia clase. Posteriormente, precisará de hora y media para la comprensión global de los contenidos, incluyendo las actividades asociadas a ejercicios y otras tareas. En total resultarán 24.5 horas por crédito ECTS.

### ***RECOMENDACIONES PARA EL ESTUDIO DE LA MATERIA***

Es conveniente que el alumnado posea conocimientos básicos de álgebra, geometría,

cálculo de probabilidades y estadística. También es recomendable disponer de unas habilidades medias en el manejo de ordenadores, y en concreto de software de estadística e investigación operativa. Para un mejor aprendizaje de la materia, conviene tener presente el sentido práctico de los métodos que se están conociendo.

### **RECURSOS PARA EL APRENDIZAJE**

Bibliografía y apuntes. Uso del campus virtual de la USC y del sitio web del Máster en Técnicas Estadísticas como soporte para el material del programa.

### **OBSERVACIONES**

El desarrollo de los contenidos de la materia se realizará teniendo en cuenta que las competencias a adquirir por el alumnado deben cumplir con el nivel MECES3. En este sentido, si bien los contenidos de la materia se centran en modelos de programación lineal y entera, la asignatura tendrá una gran componente práctica, con énfasis en la identificación y modelado de problemas reales.

Se presentarán todas las fases de la metodología propia de la investigación operativa: definición del problema (alternativas, objetivos, restricciones y recogida de datos), formulación de un modelo (selección de variables de decisión y definición de funciones), solución del modelo (algoritmos de resolución exacta), validación del modelo, técnicas especiales, soluciones aproximadas, heurísticos y meta heurísticos (para problemas complejos) y puesta en práctica de la solución. Se prestará atención a la formulación de relaciones lógicas y a la reformulación lineal de problemas no lineales y se mostrarán ejemplos aplicados de programación lineal, entera y de flujo en redes tomados del ámbito de la economía y la ingeniería.

Como herramienta de resolución de problemas, además de trabajar con alguna herramienta específica para problemas lineales (como LPSolve o Gurobi) se estudiará algún lenguaje de modelado algebraico (como AMPL). Estos lenguajes permiten un rápido prototipado y resolución de modelos y problemas complejos.